

# Algebra

Ivan Prokić

Fakultet tehničkih nauka, Novi Sad

Predavanje 1

# O kursu

## Opšti podaci

- Naziv kursa: Algebra
- Smer: Energetika, elektronika i telekomunikacije, prvi semestar
- Predavač: Ivan Prokić, docent, email: prokic@uns.ac.rs
- Asistenti:
  - Maria Kiš, asistent master, email: kiss\_maria@uns.ac.rs
  - Katarina Vidojević, saradnik u nastavi, email: vidojevic9@uns.ac.rs
  - Ivan Prokić
- Broj ESPB bodova: 9
  - Pojašnjenje: 9 ESPB znači 270 sati ukupnog rada studenta, uključujući predavanja i vežbe
  - Zaključak: narednih 15 sedmica potrebno je da 18 **sati sedmično posvetite Algebri**

# Sadržaj kursa

## Prvi deo

1. Relacije
2. Funkcije
3. Bulove algebre
4. Grupoidi, grupe, prsteni i polja
5. Kompleksni brojevi
6. Polinomi nad proizvoljnim poljima
7. Konstrukcija polja

## Drugi deo

1. Determinante
2. Sistemi linearnih jednačina
3. Slobodni vektori
4. Analitička geometrija
5. Vektorski prostori
6. Linearne transformacije
7. Matrice, karakteristični koreni i vektori

# Način polaganja

## Kolokvijum 1

- Test
- Zadaci

## Kolokvijum 2

- Test
- Zadaci

- Svaki od 4 dela nosi 100 bodova, minimum je 50 bodova. Delovi su nezavisni
- Specijalno, ako je student u jednom terminu osvojio bar 40 bodova na testu i zadacima od istog kolokvijuma tada mu taj kolokvijum važi
- Položeni deo važi do kraja školske godine odnosno do poslednjeg oktobarskog roka
- Za ocenu 10 polaže se poseban teorijski deo ispita u kom se radi dokazivanje teorema
- Testovi se mogu polagati na kolokvijuma i u ispitnim rokovima: januar, februar, april, jun i septembar

## Literatura

- R. Doroslovački, *Algebra*, Fakultet tehničkih nauka, Novi Sad
- R. Doroslovački, Lj. Nedović, *Testovi iz algebre*, Fakultet tehničkih nauka, Novi Sad
- R. Doroslovački, Lj. Nedović, *Metodička zbirka zadataka iz algebre*, Fakultet tehničkih nauka, Novi Sad
- M. Nedović, D. Arsić, I. Prokić, M. Kiš, I. Mišćević, *Zbirka rešenih zadataka iz algebre - prvi deo*, Fakultet tehničkih nauka, Novi Sad

# Osnovni pojmovi iz logike i skupova

## O logici: iskazi

Iskazi su rečenice kojima se može utvrditi tačnost: ili su tačne ( $\top$ ) ili netačne ( $\perp$ ).

### Primer

*Nađi iskaze i utvrdi njihovu tačnost:*

1.  $2 + 4 = 6$
2.  $2 + 4 = 7$
3. *Svaki paran broj veći ili jednak od 4 može se napisati kao zbir dva prosta broja*
4. *Moje rešenje zadatka je lepo*
5. *Ova rečenica je netačna*



## O logici: iskazi

Iskazi su rečenice kojima se može utvrditi tačnost: ili su tačne ( $\top$ ) ili netačne ( $\perp$ ).

### Primer

*Nađi iskaze i utvrdi njihovu tačnost:*

1.  $2 + 4 = 6$  *(Tačan iskaz)*
2.  $2 + 4 = 7$
3. *Svaki paran broj veći ili jednak od 4 može se napisati kao zbir dva prosta broja*
4. *Moje rešenje zadatka je lepo*
5. *Ova rečenica je netačna*

## O logici: iskazi

Iskazi su rečenice kojima se može utvrditi tačnost: ili su tačne ( $\top$ ) ili netačne ( $\perp$ ).

### Primer

*Nađi iskaze i utvrdi njihovu tačnost:*

1.  $2 + 4 = 6$  *(Tačan iskaz)*
2.  $2 + 4 = 7$  *(Netačan iskaz)*
3. *Svaki paran broj veći ili jednak od 4 može se napisati kao zbir dva prosta broja*
4. *Moje rešenje zadatka je lepo*
5. *Ova rečenica je netačna*

## O logici: iskazi

Iskazi su rečenice kojima se može utvrditi tačnost: ili su tačne (T) ili netačne ( $\perp$ ).

### Primer

*Nađi iskaze i utvrdi njihovu tačnost:*

1.  $2 + 4 = 6$  (Tačan iskaz)
2.  $2 + 4 = 7$  (Netačan iskaz)
3. *Svaki paran broj veći ili jednak od 4 može se napisati kao zbir dva prosta broja*  
(Iskaz za koji ne znamo tačnost - Hipoteza Gobaalha)
4. *Moje rešenje zadatka je lepo*
5. *Ova rečenica je netačna*

## O logici: iskazi

Iskazi su rečenice kojima se može utvrditi tačnost: ili su tačne (T) ili netačne ( $\perp$ ).

### Primer

*Nađi iskaze i utvrdi njihovu tačnost:*

1.  $2 + 4 = 6$  *(Tačan iskaz)*
2.  $2 + 4 = 7$  *(Netačan iskaz)*
3. *Svaki paran broj veći ili jednak od 4 može se napisati kao zbir dva prosta broja*  
*(Iskaz za koji ne znamo tačnost - Hipoteza Gobaalha)*
4. *Moje rešenje zadatka je lepo* *(Nije iskaz)*
5. *Ova rečenica je netačna*

## O logici: iskazi

Iskazi su rečenice kojima se može utvrditi tačnost: ili su tačne (T) ili netačne ( $\perp$ ).

### Primer

*Nađi iskaze i utvrdi njihovu tačnost:*

1.  $2 + 4 = 6$  *(Tačan iskaz)*
2.  $2 + 4 = 7$  *(Netačan iskaz)*
3. *Svaki paran broj veći ili jednak od 4 može se napisati kao zbir dva prosta broja*  
*(Iskaz za koji ne znamo tačnost - Hipoteza Gobaalha)*
4. *Moje rešenje zadatka je lepo* *(Nije iskaz)*
5. *Ova rečenica je netačna* *(Nije iskaz - Paradoks lažova)*

## O logici: logički veznici i kvantifikatori

**(Iskazna logika)** Ako su  $p$  i  $q$  iskazi, tada su iskazi i

- negacija:  $\neg p$  (Tačno akko je  $p$  netačno)
- konjunkcija:  $p \wedge q$  (Tačno akko su oba i  $p$  i  $q$  tačni)
- disjunkcija:  $p \vee q$  (Netačno akko su oba i  $p$  i  $q$  netačni)
- implikacija:  $p \Rightarrow q$  (Netačno samo ako je  $p$  tačno i  $q$  netačno, inače tačno)
- ekvivalencija:  $p \Leftrightarrow q$  (Netačno akko su  $p$  i  $q$  jedan tačan, a drugi netačan)

**(Predikatska logika)**

- postoji:  $(\exists x \in A)\pi(x)$  (postoji  $x$  iz skupa  $A$  takvo da je  $\pi(x)$  tačno)
- sa svako:  $(\forall x \in A)\pi(x)$  (za svako  $x$  iz skupa  $A$  je  $\pi(x)$  tačno)

## O logici: neke važne teoreme (tautologije)

Ove principe ćemo koristiti u dokazima:

- Demorganovi zakoni:
  - $\neg(p \wedge q) \Leftrightarrow \neg p \vee \neg q$
  - $\neg(p \vee q) \Leftrightarrow \neg p \wedge \neg q$
- kontrapozicija:  $p \Rightarrow q \Leftrightarrow \neg q \Rightarrow \neg p$
- generalizacije Demorganovih zakona:
  - $\neg\left((\exists x \in A)\pi(x)\right) \Leftrightarrow (\forall x \in A)\neg\pi(x)$
  - $\neg\left((\forall x \in A)\pi(x)\right) \Leftrightarrow (\exists x \in A)\neg\pi(x)$

## O skupovima: elementi i skupovi

Ako element  $x$  pripada skupu  $A$  pišemo  $x \in A$ , a ako ne pripada pišemo  $x \notin A$

Neki važni skupovi:  $\mathbb{N}$ ,  $\mathbb{N}_0$ ,  $\mathbb{Z}$ ,  $\mathbb{Q}$ ,  $\mathbb{R}$ ,  $\mathbb{C}$

Skup može biti zadat nabrojanjem elemenata  $A = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$  ili pomoću uslova, odnosno osobine  $A = \{x \mid \pi(x)\}$

Kardinalnost skupa:  $|A|$  je broj elemenata skupa

Jednakost skupova:  $A = B \Leftrightarrow (x \in A \Leftrightarrow x \in B)$

Podskup:  $A \subseteq B \Leftrightarrow (x \in A \Rightarrow x \in B)$



## O skupovima: operacije

Ako su  $A$  i  $B$  skupovi tada su i

- unija:  $A \cup B = \{x \mid x \in A \vee x \in B\}$
- presek:  $A \cap B = \{x \mid x \in A \wedge x \in B\}$
- skupovna razlika:  $A \setminus B = \{x \mid x \in A \wedge x \notin B\}$
- komplement  $A$  u odnosu na  $U$ :  $A^c = \bar{A} = U \setminus A$
- simetrična razlika:  $A \oplus B = (A \setminus B) \cup (B \setminus A) = (A \cup B) \setminus (A \cap B)$
- Partitivni skup od  $A$ :  $\mathcal{P}(A) = \{X \mid X \subseteq A\}$

### Primer

Ako je  $A = \{a, b, c\}$ , tada je

$$\mathcal{P}(A) = \{\emptyset, \{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}\}$$

### Napomena

Ako je  $|A| = n$  tada je  $|\mathcal{P}(A)| = 2^n$

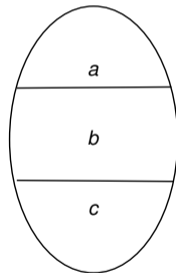
## O skupovima: particije

Particija je podela skupa  $A$  na neprazne podskupove, tako da ti podskupovi imaju prazne preseke, a da im je unija čitav  $A$ .

### Primer

Ako je  $A = \{a, b, c\}$ , tada su sve particije skupa  $A$  sledeće

1.  $\{\{a, b, c\}\}$
2.  $\{\{a, b\}, \{c\}\}$
3.  $\{\{a\}, \{b, c\}\}$
4.  $\{\{a, c\}, \{b\}\}$
5.  $\{\{a\}, \{b\}, \{c\}\}$



Particija  $\{\{a\}, \{b\}, \{c\}\}$  skupa  $A$

# Relacije

# Uređeni par

## Definicija (Uređeni par)

*Uređeni par  $(a, b)$  je skup elemenata  $a$  i  $b$  kod koga je redosled elemenata bitan.*

Za skupove važi  $\{a, b\} = \{b, a\}$ , a za uređenje parove  $(a, b) \neq (b, a)$ , ako je  $a \neq b$ .

Uređena trojka:  $(a, b, c) = ((a, b), c)$

Uređena  $n$ -torka (definisana rekurzivno):  $(a_1, a_2, \dots, a_n) = ((a_1, a_2, \dots, a_{n-1}), a_n)$

## Dekartov proizvod

### Definicija (Dekartov proizvod)

*Dekartov proizvod skupova  $A$  i  $B$  je skup*

$$A \times B = \{(a, b) \mid a \in A \wedge b \in B\}$$

### Napomena

$$|A \times B| = |A| \cdot |B|$$

### Primer

*Ako je  $A = \{a, b, c\}$  i  $B = \{x, y\}$ , tada je*

1.  $A \times B =$
2.  $B \times A =$
3.  $A^2 = A \times A =$
4.  $B^3 =$

## Dekartov proizvod

### Definicija (Dekartov proizvod)

*Dekartov proizvod skupova  $A$  i  $B$  je skup*

$$A \times B = \{(a, b) \mid a \in A \wedge b \in B\}$$

### Napomena

$$|A \times B| = |A| \cdot |B|$$

### Primer

*Ako je  $A = \{a, b, c\}$  i  $B = \{x, y\}$ , tada je*

1.  $A \times B = \{(a, x), (a, y), (b, x), (b, y), (c, x), (c, y)\}$
2.  $B \times A = \{(x, a), (y, a), (x, b), (y, b), (x, c), (y, c)\}$
3.  $A^2 = A \times A = \{(a, a), (a, b), (a, c), (b, a), (b, b), (b, c), (c, a), (c, b), (c, c)\}$
4.  $B^3 = \{(x, x, x), (x, x, y), (x, y, x), (x, y, y), (y, x, x), (y, x, y), (y, y, x), (y, y, y)\}$

## Binarna relacija

### Definicija (Binarna relacija)

*Bilo koji skup uređenih parova naziva se binarna relacija. Ako je  $\rho$  binarna relacija, tada se sa  $\mathcal{D}(\rho)$  označava skup prvih komponenti, a sa  $\mathcal{A}(\rho)$  skup drugih komponenti.*

### Definicija (Binarna relacija skupa)

*Kažemo da je  $\rho$  binarna relacija nepraznog skupa  $A$  ako je  $\rho \subseteq A^2$ .*

### Primer

*Neke binarne relacije skupa  $A = \{a, b, c\}$  su*

1.  $\rho_1 = \emptyset$  (Prazna relacija)
2.  $\rho_2 = \{(a, a), (b, b), (c, c)\}$  (Dijagonala)
3.  $\rho_3 = A^2$  (Puna relacija)

## Inverzna relacija

### Napomena (U relaciji)

*Kada  $(a, b)$  pripada relaciji  $\rho$  pišemo  $(a, b) \in \rho$  ili  $a \rho b$ , i kažemo da je  $a$  u relaciji sa  $b$ .  
Kada  $(a, b)$  ne pripada relaciji  $\rho$  pišemo  $(a, b) \notin \rho$ ,  $a \not\rho b$ , ili  $\neg(a \rho b)$  i kažemo da  $a$  nije u relaciji sa  $b$ .*

### Definicija (Inverzna relacija)

*Za binarnu relaciju  $\rho$  njoj inverzna relacija  $\rho^{-1}$  je data sa  $\rho^{-1} = \{(b, a) \mid (a, b) \in \rho\}$ .*

### Primer

- Za  $\rho_1 = \{(a, c), (b, a), (b, b)\}$  inverzna je  $\rho_1^{-1} = \{(c, a), (a, b), (b, b)\}$*
- Prazna relacija, dijagonala i puna relacija nekog skupa su same sebi inverzne*



## Osobine binarnih relacija

### Definicija (Osobine binarnih relacija)

Relacija  $\rho$  skupa  $A$  je:

- |                           |      |  |
|---------------------------|------|--|
| (R) <i>refleksivana</i>   | akko | $(\forall x \in A) x \rho x$   |
| (S) <i>simetrična</i>     | akko | $(\forall x, y \in A) x \rho y \Rightarrow y \rho x$                         |
| (A) <i>antisimetrična</i> | akko | $(\forall x, y \in A) (x \rho y \wedge x \neq y) \Rightarrow \neg(y \rho x)$ |
| (T) <i>tranzitivna</i>    | akko | $(\forall x, y, z \in A) (x \rho y \wedge y \rho z) \Rightarrow x \rho z$    |
| (F) <i>funkcija</i>       | akko | $(\forall x, y, z \in A) (x \rho y \wedge x \rho z) \Rightarrow y = z$       |

# Osobine binarnih relacija: primer 1

## Primer

Koje od osobina imaju sledeće relacije skupa  $A = \{a, b, c\}$ :

1.  $\rho_1 = \{(a, c), (b, a), (b, b)\}$

2.  $\rho_2 = \{(a, c), (b, a), (b, b), (a, b)\}$

3.  $\rho_3 = \{(a, c), (b, a), (b, b), (a, b), (c, a), (a, a), (c, c)\}$

4.  $\rho_4 = \{(a, a), (c, c)\}$

5.  $\rho_5 = \emptyset$

6.  $\rho_6 = A^2$

R S A T F

# Osobine binarnih relacija: primer 1

## Primer

Koje od osobina imaju sledeće relacije skupa  $A = \{a, b, c\}$ :

1.  $\rho_1 = \{(a, c), (b, a), (b, b)\}$

2.  $\rho_2 = \{(a, c), (b, a), (b, b), (a, b)\}$

3.  $\rho_3 = \{(a, c), (b, a), (b, b), (a, b), (c, a), (a, a), (c, c)\}$

4.  $\rho_4 = \{(a, a), (c, c)\}$

5.  $\rho_5 = \emptyset$

6.  $\rho_6 = A^2$

R S (A) T F

R S A T F

# Osobine binarnih relacija: primer 1

## Primer

Koje od osobina imaju sledeće relacije skupa  $A = \{a, b, c\}$ :

1.  $\rho_1 = \{(a, c), (b, a), (b, b)\}$

2.  $\rho_2 = \{(a, c), (b, a), (b, b), (a, b)\}$

3.  $\rho_3 = \{(a, c), (b, a), (b, b), (a, b), (c, a), (a, a), (c, c)\}$

4.  $\rho_4 = \{(a, a), (c, c)\}$

5.  $\rho_5 = \emptyset$

6.  $\rho_6 = A^2$

R S **A** T F

R S A T F

R S A T F

# Osobine binarnih relacija: primer 1

## Primer

Koje od osobina imaju sledeće relacije skupa  $A = \{a, b, c\}$ :

1.  $\rho_1 = \{(a, c), (b, a), (b, b)\}$

2.  $\rho_2 = \{(a, c), (b, a), (b, b), (a, b)\}$

3.  $\rho_3 = \{(a, c), (b, a), (b, b), (a, b), (c, a), (a, a), (c, c)\}$

4.  $\rho_4 = \{(a, a), (c, c)\}$

5.  $\rho_5 = \emptyset$

6.  $\rho_6 = A^2$

R S **A** T F

R S A T F

**R** **S** A T F

R S A T F

# Osobine binarnih relacija: primer 1

## Primer

Koje od osobina imaju sledeće relacije skupa  $A = \{a, b, c\}$ :

1.  $\rho_1 = \{(a, c), (b, a), (b, b)\}$
2.  $\rho_2 = \{(a, c), (b, a), (b, b), (a, b)\}$
3.  $\rho_3 = \{(a, c), (b, a), (b, b), (a, b), (c, a), (a, a), (c, c)\}$
4.  $\rho_4 = \{(a, a), (c, c)\}$
5.  $\rho_5 = \emptyset$
6.  $\rho_6 = A^2$

R S **A** T F  
R S A T F  
**R** **S** A T F  
R **S** **A** **T** **F**  
R S A T F

## Osobine binarnih relacija: primer 1

### Primer

Koje od osobina imaju sledeće relacije skupa  $A = \{a, b, c\}$ :

1.  $\rho_1 = \{(a, c), (b, a), (b, b)\}$
2.  $\rho_2 = \{(a, c), (b, a), (b, b), (a, b)\}$
3.  $\rho_3 = \{(a, c), (b, a), (b, b), (a, b), (c, a), (a, a), (c, c)\}$
4.  $\rho_4 = \{(a, a), (c, c)\}$
5.  $\rho_5 = \emptyset$
6.  $\rho_6 = A^2$

	R	S	Ⓐ	T	F		
		R	S	A	T	F	
			Ⓐ	Ⓒ	A	T	F
R	Ⓒ	Ⓐ	Ⓒ	Ⓒ	Ⓒ	Ⓒ	Ⓒ
R	Ⓒ	Ⓐ	Ⓒ	Ⓒ	Ⓒ	Ⓒ	Ⓒ
			R	S	A	T	F

## Osobine binarnih relacija: primer 1

### Primer

Koje od osobina imaju sledeće relacije skupa  $A = \{a, b, c\}$ :

1.  $\rho_1 = \{(a, c), (b, a), (b, b)\}$
2.  $\rho_2 = \{(a, c), (b, a), (b, b), (a, b)\}$
3.  $\rho_3 = \{(a, c), (b, a), (b, b), (a, b), (c, a), (a, a), (c, c)\}$
4.  $\rho_4 = \{(a, a), (c, c)\}$
5.  $\rho_5 = \emptyset$
6.  $\rho_6 = A^2$

R S **A** T F  
R S A T F  
**R** **S** A T F  
R **S** **A** **T** **F**  
R **S** **A** **T** **F**  
**R** **S** A **T** F



## Osobine binarnih relacija: primer 2

### Primer

Koje od osobina imaju sledeće relacije skupa  $\mathbb{R}$ :

1.  $\rho_1 = \{(x, y) \mid x = y \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
2.  $\rho_2 = \{(x, y) \mid x \leq y \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
3.  $\rho_3 = \{(x, y) \mid x \leq y \wedge x, y \in \mathbb{Z}\}$
4.  $\rho_4 = \{(x, y) \mid y = x^2 \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
5.  $\rho_5 = \mathbb{Z}^2$

R S A T F

## Osobine binarnih relacija: primer 2

### Primer

Koje od osobina imaju sledeće relacije skupa  $\mathbb{R}$ :

1.  $\rho_1 = \{(x, y) \mid x = y \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
2.  $\rho_2 = \{(x, y) \mid x \leq y \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
3.  $\rho_3 = \{(x, y) \mid x \leq y \wedge x, y \in \mathbb{Z}\}$
4.  $\rho_4 = \{(x, y) \mid y = x^2 \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
5.  $\rho_5 = \mathbb{Z}^2$

Ⓡ Ⓢ ⓐ Ⓣ ⓕ  
R S A T F

## Osobine binarnih relacija: primer 2

### Primer

Koje od osobina imaju sledeće relacije skupa  $\mathbb{R}$ :

1.  $\rho_1 = \{(x, y) \mid x = y \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
2.  $\rho_2 = \{(x, y) \mid x \leq y \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
3.  $\rho_3 = \{(x, y) \mid x \leq y \wedge x, y \in \mathbb{Z}\}$
4.  $\rho_4 = \{(x, y) \mid y = x^2 \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
5.  $\rho_5 = \mathbb{Z}^2$

(R) (S) (A) (T) (F)  
(R) S (A) (T) F  
R S A T F

## Osobine binarnih relacija: primer 2

### Primer

Koje od osobina imaju sledeće relacije skupa  $\mathbb{R}$ :

1.  $\rho_1 = \{(x, y) \mid x = y \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
2.  $\rho_2 = \{(x, y) \mid x \leq y \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
3.  $\rho_3 = \{(x, y) \mid x \leq y \wedge x, y \in \mathbb{Z}\}$
4.  $\rho_4 = \{(x, y) \mid y = x^2 \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
5.  $\rho_5 = \mathbb{Z}^2$

Ⓡ Ⓢ ⓐ Ⓣ ⓕ  
Ⓡ Ⓢ ⓐ Ⓣ ⓕ  
Ⓡ Ⓢ ⓐ Ⓣ ⓕ  
Ⓡ Ⓢ ⓐ Ⓣ ⓕ

## Osobine binarnih relacija: primer 2

### Primer

Koje od osobina imaju sledeće relacije skupa  $\mathbb{R}$ :

1.  $\rho_1 = \{(x, y) \mid x = y \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
2.  $\rho_2 = \{(x, y) \mid x \leq y \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
3.  $\rho_3 = \{(x, y) \mid x \leq y \wedge x, y \in \mathbb{Z}\}$
4.  $\rho_4 = \{(x, y) \mid y = x^2 \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
5.  $\rho_5 = \mathbb{Z}^2$

(R) (S) (A) (T) (F)  
(R) S (A) (T) F  
R S (A) (T) F  
R S (A) T (F)  
R S A T F

## Osobine binarnih relacija: primer 2

### Primer

Koje od osobina imaju sledeće relacije skupa  $\mathbb{R}$ :

1.  $\rho_1 = \{(x, y) \mid x = y \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
2.  $\rho_2 = \{(x, y) \mid x \leq y \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
3.  $\rho_3 = \{(x, y) \mid x \leq y \wedge x, y \in \mathbb{Z}\}$
4.  $\rho_4 = \{(x, y) \mid y = x^2 \wedge x, y \in \mathbb{R}\}$
5.  $\rho_5 = \mathbb{Z}^2$

(R) (S) (A) (T) (F)  
R S (A) (T) F  
R S (A) (T) F  
R S (A) T (F)  
R (S) A (T) F

## Šta smo danas radili

- Ponovili osnovne pojmove iz logike
- Ponovili osnovne pojmove iz skupova
- Uređeni parovi i Dekartov proizvod
- Binarne relacije
- Osobine binarnih relacija (R S A T F)