

**Geodezija i geomatika**  
**Pismeni ispit iz Analize 2**  
**5. februar 2015.**

1. Pomoću dvostrukog integrala izračunati površinu oblasti  $G$  ograničena krivama  $y = x^2$ ,  $x^2 + y^2 = 2$  i  $x$ -osom, za  $x > 0$ .
2. Izračunati površinu paraboloida  $z = x^2 + y^2$  unutar cilindra  $x^2 + y^2 = 1$ .
3. Dokazati da je vektorsko polje  $\vec{F} = (6x^5y - 2xy^2, x^6 - 2x^2y)$  gradijentno (potencijalno) i naći potencijal  $f$  datog vektorskog polja  $\vec{F}$ . Izračunati rad vektorskog polja  $\vec{F}$  po krivoj  $y = \sqrt{x}$  od tačke  $(0, 0)$  do tačke  $(1, 1)$ .
4. Izračunati fluks polja  $\vec{F} = (x, y, -z + 1)$  kroz spoljašnju stranu ruba oblasti ograničene konusom  $z = 1 + \sqrt{x^2 + y^2}$  i delom ravni  $z = 2$ .
5. Odrediti oblast konvergencije reda  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n}{n+1} (2x+3)^n$ .
6. Primenom Laplasovih transformacija rešiti integro-diferencijalnu jednačinu

$$y'(t) + 6 \int_0^t e^{5(t-u)} y(u) du = 0$$

uz početni uslov  $y(0) = -1$ .

**Geodezija i geomatika**  
**Pismeni ispit iz Analize 2**  
**5. februar 2015.**

1. Pomoću dvostrukog integrala izračunati površinu oblasti  $G$  ograničena krivama  $y = x^2$ ,  $x^2 + y^2 = 2$  i  $x$ -osom, za  $x > 0$ .
2. Izračunati površinu paraboloida  $z = x^2 + y^2$  unutar cilindra  $x^2 + y^2 = 1$ .
3. Dokazati da je vektorsko polje  $\vec{F} = (6x^5y - 2xy^2, x^6 - 2x^2y)$  gradijentno (potencijalno) i naći potencijal  $f$  datog vektorskog polja  $\vec{F}$ . Izračunati rad vektorskog polja  $\vec{F}$  po krivoj  $y = \sqrt{x}$  od tačke  $(0, 0)$  do tačke  $(1, 1)$ .
4. Izračunati fluks polja  $\vec{F} = (x, y, -z + 1)$  kroz spoljašnju stranu ruba oblasti ograničene konusom  $z = 1 + \sqrt{x^2 + y^2}$  i delom ravni  $z = 2$ .
5. Odrediti oblast konvergencije reda  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n}{n+1} (2x+3)^n$ .
6. Primenom Laplasovih transformacija rešiti integro-diferencijalnu jednačinu

$$y'(t) + 6 \int_0^t e^{5(t-u)} y(u) du = 0$$

uz početni uslov  $y(0) = -1$ .