

Test 2 Prezime, ime, br. indeksa: _____

U svakom zadatku dato je više odgovora, a treba zaokružiti tačne odgovore tj. slova ili brojeve ispred tačnih odgovora. U jednom istom zadatku broj tačnih odgovora može biti $0, 1, 2, 3, \dots, svi$. U nekim zadacima ostavljena su prazna mesta za upisivanje odgovora.

- Ako je $\vec{a} = (-1, 1, 0)$ i $\vec{b} = (0, -1, 1)$, tada je:
1) $|\vec{a}| =$ 2) $|\vec{b}| =$ 3) $\vec{a}\vec{b} =$ 4) $\vec{a} \times \vec{b} =$ 5) $\hat{\alpha}(\vec{a}, \vec{b}) =$
- Za vektore $\vec{a} = (-3, 0, 4)$ i $\vec{b} = (-8, 1, -4)$ izračunati:
1) $|\vec{a}| =$ _____ 2) $|\vec{b}| =$ _____ 3) $\vec{a} - 2\vec{b} =$ _____
4) $\vec{a} \cdot \vec{b} =$ _____ 5) $\vec{a} \times \vec{b} =$ _____ 6) $\cos \hat{\alpha}(\vec{a}, \vec{b}) =$ _____
- Koji od sledećih iskaza implicira linearnu zavisnost slobodnih vektora \vec{a} i \vec{b} :
1) $\vec{a} \parallel \vec{b}$ 2) $\vec{a} \nparallel \vec{b}$ 3) $\vec{a} \perp \vec{b}$ 4) $\vec{a} \not\perp \vec{b}$ 5) $\vec{a} = \vec{0} \vee \vec{b} = \vec{0}$ 6) ništa od predhodno navedenog
- $\vec{a} \perp \vec{b}$ ako i samo ako:
1) $\vec{a} \times \vec{b} = 0$ 2) $\vec{a}\vec{b} = 0$ 3) $\vec{a} \times \vec{b} \neq 0$ 4) $\vec{a}(\vec{b} \times \vec{c}) = 0$ 5) $\vec{a} = 0$ 6) $|\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}||\vec{b}|$
- Vektori $\vec{a} = a_1\vec{i} + a_2\vec{j} + a_3\vec{k}$, $\vec{b} = b_1\vec{i} + b_2\vec{j} + b_3\vec{k}$ i $\vec{c} = c_1\vec{i} + c_2\vec{j} + c_3\vec{k}$ su komplanarni **ako i samo ako**:
1) $\begin{vmatrix} a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \\ c_1 & c_2 & c_3 \end{vmatrix} = 0$ 2) $\vec{a}(\vec{b} \times \vec{c}) = 0$ 3) $\vec{a}(\vec{b} \times \vec{c}) \neq 0$ 4) $(\vec{a}, \vec{b}, \vec{c})$ je nezavisna 5) $(\vec{a}, \vec{b}, \vec{c})$ je zavisna.
6) onda su zavisni vektori
- Date su tačke $A(-1, 2, 3)$, $B(3, 0, 5)$ i $C(-1, -2, 7)$. Odrediti:
1) $\overrightarrow{AB} =$ _____ 2) $|\overrightarrow{BC}| =$ _____ 3) Središte duži BC _____

4) Jednačinu prave određene tačkama A i B _____

5) Jednačinu ravni koja sadrži tačke A, B i C _____
6) Površinu trougla ABC _____
- Napisati jednačinu prave p koja prolazi kroz tačku $P(1, -1, 0)$ i paralelna je vektoru $\vec{p} = (2, 4, 5)$
1) u vektorskom obliku p :
2) parametarskom obliku p :
3) kanoničkom obliku p :
• Napisati jednačinu ravni α koja sadrži tačku $P(2, 1, -3)$ i i normalna je na vektor $\vec{n}_\alpha = (1, 2, 3)$
1) u vektorskom obliku α :
2) opštem obliku α :

- Neka je p prava čija je jednačina $x - 1 = \frac{y+1}{2} = \frac{z}{-2}$. Napisati jedan vektor pravca prave p : $\vec{p} = (\quad, \quad, \quad)$, i koordinate jedne tačke prave p : (\quad, \quad, \quad) .
 - Neka je α ravan čija je jednačina $x + y = 1$. Napisati jedan vektor normale ravni α :
 $n_\alpha = (\quad, \quad, \quad)$ i koordinate jedne tačke ravni α : (\quad, \quad, \quad) .
 - Neka je α ravan čija je jednačina $z = 3$. Napisati jedan vektor normale ravni α :
 $\vec{n}_\alpha = (\quad, \quad, \quad)$, i koordinate jedne tačke ravni α : (\quad, \quad, \quad) .
 - Odrediti jednačinu ravni α koja sadrži tačku $Q(0, -1, 1)$ i paralelna je sa ravni β : $x - 2y - 3z + 11 = 0$

α : _____.

- Ravni α : $2x + 2y - 4z + 6 = 0$ i β : $3x - 3y + 6z - 9 = 0$:

1) paralelne su

2) poklapaju se

3) sekunder

- Jedna tačka prave p : $\frac{x-1}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z-2}{-1}$ je _____, a njen presek sa ravni α : $3x - y + z = 6$ je _____.
 - Ugao pod kojim se sekut prave p : $\frac{x-1}{3} = \frac{y}{4} = \frac{z}{2}$ i q : $\frac{x-4}{-2} = \frac{y-4}{2} = \frac{z-2}{-1}$ je: _____.
 - Date su tačka $M(1, 2, 1)$ prava $\frac{x+1}{2} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z-2}{1}$ i ravan α : $2x + y - z = 2$
1) $M \in p$, 2) $M \notin p$, 3) $M \in \alpha$ 4) $M \notin \alpha$ 5) $p \subset \alpha$ 6) $p \not\subset \alpha$ 7) $p \perp \alpha$ 8) $p \not\perp \alpha$
 - Za prave m : $\frac{x-2}{3} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z}{5}$ i n : $\frac{x-5}{-6} = \frac{y+1}{4} = \frac{z-5}{-10}$ važi:
**1) mimoilazne su ($m \cap n = \emptyset \wedge m \nparallel n$)
2) paralelne su i različite ($m \parallel n \wedge m \neq n$) 3) poklapaju se ($m = n$) 4) sekut se ($m \cap n = \{M\}$)**
 - Za prave m : $\frac{x-2}{3} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z}{5}$ i n : $\frac{x+4}{-6} = \frac{y-5}{4} = \frac{z+10}{-10}$ važi:
**1) mimoilazne su ($m \cap n = \emptyset \wedge m \nparallel n$)
2) paralelne su i različite ($m \parallel n \wedge m \neq n$) 3) poklapaju se ($m = n$) 4) sekut se ($m \cap n = \{M\}$)**

- Neka je $ABCD$ paralelogram. Izraziti vektor položaja \vec{r}_A uzavisnosti od \vec{r}_B , \vec{r}_C i \vec{r}_D : $\vec{r}_A = \underline{\hspace{2cm}}$

- Ako je $ABCD$ paralelogram, S presek dijagonala AC i BD , T težište trougla SAB i ako je $\vec{AB} = \vec{a}$ i $\vec{BC} = \vec{b}$, tada je: $\vec{DT} =$

- Neka je tačka P presk ravni $\alpha : \vec{n}\vec{r} = \vec{n}\vec{r}_Q$ i prave $a : \vec{r} = \vec{r}_A + t\vec{a}$ i $\vec{n}\vec{a} \neq 0$. Tada je:
 - 1)** $\vec{r}_P = \vec{r}_Q + \frac{(\vec{r}_A - \vec{r}_Q)\vec{n}}{\vec{a}\vec{n}}\vec{a}$.
 - 2)** $\vec{r}_P = \vec{r}_A + \frac{(\vec{r}_Q - \vec{r}_A)\vec{n}}{\vec{n}\vec{a}}\vec{n}$.
 - 3)** $\vec{r}_P = \vec{r}_A - \frac{(\vec{r}_A - \vec{r}_Q)\vec{n}}{\vec{a}\vec{n}}\vec{a}$.
 - 4)** $\vec{r}_P = \vec{r}_A - \frac{(\vec{r}_A - \vec{r}_Q)\vec{n}}{\vec{a}\vec{n}}\vec{a}$.
 - 5)** $\vec{r}_P = \vec{r}_A + \frac{(\vec{r}_Q - \vec{r}_A)\vec{n}}{\vec{a}\vec{n}}\vec{n}$.