

Elektrotehnički odsek,
Ispit iz Analize 2
9. oktobar 2011.

1. Odrediti oblast konvergencije i naći sumu reda $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n^3 - 1}{n^2 + 3n + 2} \left(\frac{x-1}{x+2}\right)^n$.

2. Izračunati zapreminu tela

$$V = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : 1 - z \geq x^2 + y^2, x^2 + y^2 \geq x, x^2 + y^2 \geq y, z \geq 0\}.$$

3. Izračunati $\int_L 3ydx + xydy$ ako je kriva

$$L = L_1 \cup L_2, L_1 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x + y = \sqrt{2}, x \geq 0, y \geq 0\},$$

$$L_2 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 = 2, x \leq 0, y \geq 0\},$$

orientisana od tačke $A(\sqrt{2}, 0)$

a) direktno,

b) primenom Grinove formule.

4. Funkciju $f(z) = (z^2 + 2z + 1) \cos \frac{1}{z+1}$ razviti u red u tački $z_0 = -1$.

5. Izračunati $I = \int_L \frac{e^{\frac{1}{z^2}}}{z^2(2-z)} dz$, ako je L proizvoljna zatvorena pozitivno orientisana kriva.

6. Preslikavanjem $w = (1+i)\left(\frac{(z-1)^2 + i}{(z-1)^2 - i}\right)^2$ preslikati oblast

$$G = \{z \in \mathbb{C} : |z-1| < 1, \pi < \operatorname{Arg}(z-1) < \frac{5\pi}{4}\}.$$

7. Funkciju $f(x) = 1 + x$, $x \in [0, 2]$ razviti u nepotpun Furijeov red po kosinusima.

8. Stepeni redovi.

9. Košijeve integralne teoreme.

Studenti smera E1 rade zadatke 1,2,3,4,5,6.

Studenti smera E2 rade zadatke 1,2,3,5,6,7.

Stari studenti smera E1 rade zadatke 1,2,3,4,5,6,8,9.

Stari studenti smera E2 rade zadatke 1,2,3,5,6,7,8,9.